

解答は、この用紙ではなく、解答用紙に記入すること

図1-1に示すように、2本の円柱導体からなる無限長平行導線がある。導体の半径が $a$  [m]で中心間隔が $b$  [m]である ( $a \ll b$ )。この無限長平行導線に往復電流 $I$  [A]を流す。ただし、真空の透磁率を $\mu_0$  [H/m]とする。以下の設問に答えよ。(配点 50 点)

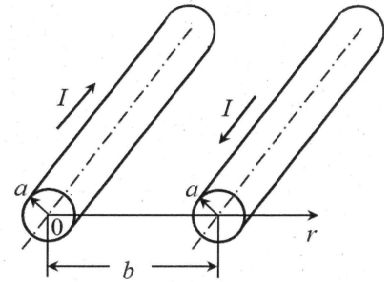


図1-1

- (1) 無限長平行導線の中心軸間 ( $a < r < b - a$ ) の磁束密度の大きさ  $B(r)$  [T]を求めよ。
- (2) 無限長平行導線が作る単位長さ当たりの磁束 $\phi$  [Wb/m]を求めよ。ただし、円柱導体内の磁束は考慮しない。
- (3) 無限長平行導線の単位長さ当たりの自己インダクタンス  $L$  [H/m]を求めよ。
- (4) 無限長平行導線の単位長さ当たりに蓄えられる静磁エネルギー  $W_{mg}$  [J/m]を求めよ。
- (5) 図1-2に示すように、この無限長平行導線の片方に単位長さ当たりの力  $F$  [N/m]が働き、微小時間  $\delta t$  [s]に  $\delta b$  [m]ほど微小変位することにより、単位長さ当たりの自己インダクタンスが微小量  $\delta L$  [H/m]だけ増加した。無限長平行導線の単位長さ当たりに生じる逆起電力  $e$  [V/m]を  $\delta L$  を用いて示せ。
- (6) この逆起電力  $e$  を打ち消し、電流  $I$  を維持するために、無限長平行導線に  $\delta t$  時間に供給される単位長さ当たりの電気エネルギー  $\delta W_e$  [J/m]を  $\delta L$  を用いて示せ。
- (7) 無限長平行導線が  $\delta b$  変位することにより増加する単位長さ当たりの静磁エネルギー  $\delta W_{mg}$  [J/m]を  $\delta L$  を用いて示せ。
- (8) 力  $F$  が働き、 $\delta b$  変位することにより使われる単位長さ当たりの仕事  $\delta W_{mc}$  [J/m]を  $\delta L$  を用いて示せ。
- (9) 設問(8)より、 $a$ 、 $b$ 、 $I$ 、 $\mu_0$ を用いて、無限長平行導線に働く単位長さ当たりの力  $F$  の大きさとその向きを示せ。

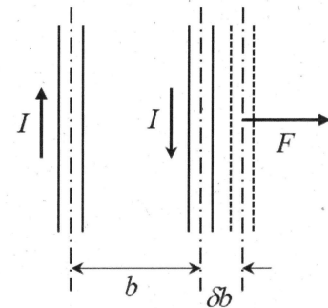


図1-2

解答は、この用紙ではなく、解答用紙に記入すること

図 2-1 に示すように、真空中に無限に広い導体板があり、その導体表面には単位面積あたり電荷密度  $\sigma$  [C/m<sup>2</sup>] が分布しているとする。導体内部から真空領域まで、導体表面をまたぐように微小な底面積  $S_1$  [m<sup>2</sup>]、側面積  $S_2$  [m<sup>2</sup>] をもつ円筒領域を考える。底面は導体面に平行で、側面は導体面に垂直とする。また、図 2-2 に示すように、真空中に等量で異符号の 2 個の点電荷が置いてあるとする。すなわち、 $x$  軸上の  $x = a, -a$  [m] ( $a > 0$ ) の位置に、それぞれ  $+q, -q$  [C] の点電荷が置かれているとする。真空の誘電率を  $\epsilon_0$  [F/m] として、以下の設問に答えよ。(配点 50 点)

- (1) 図 2-1 に示すような、微小な円筒を閉曲面として、ガウスの法則を適用して導体板表面の電界の強さを求めよ。
- (2) 図 2-2 において、 $x$  軸上の点  $P(x, 0, 0)$  ( $0 < x < a$ ) における、電界の強さを求めよ。
- (3) 図 2-2 において、 $y$  軸上の点  $R(0, y, 0)$  ( $y > 0$ ) における、電界の強さを求めよ。
- (4) 図 2-2 において、 $x = 0$  で  $y$  軸に平行な  $yz$  平面は、無限に広い導体表面とする。ここで、 $x < 0$  が導体内部とすると、点電荷  $-q$  は鏡像電荷と見なせる。設問(1)と(3)の結果を利用して、導体表面の誘導電荷密度分布  $\sigma(y)$  [C/m<sup>2</sup>] を求めよ。

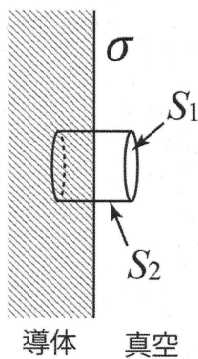


図 2-1

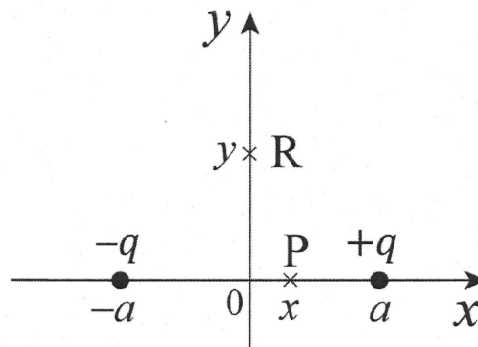


図 2-2

電気電子工学科 令和5年度 編入学試験	受験番号	
------------------------	------	--

電 気 回 路 (その1)

問題用紙

解答は、この用紙ではなく、解答用紙に記入すること

図1に示す回路において、時刻  $t < 0$  でスイッチ  $S$  を閉じて定常状態となった後、時刻  $t = 0$  でスイッチ  $S$  を開く。このとき、以下の設問に答えよ。(配点50点)

- (1) 時刻  $t = 0$  でスイッチ  $S$  を開く直前の電流  $i$  を求めよ。
- (2) 時刻  $t \geq 0$  における電流  $i_L$  の回路方程式(微分方程式)を求めよ。
- (3) 設問(2)で求めた回路方程式(微分方程式)を解き、時刻  $t \geq 0$  における電流  $i_L$  を求めよ。
- (4) 設問(3)の結果を用いて、時刻  $t \geq 0$  における電圧  $v_L$  を求めよ。さらに、 $v_L$  の向きについて説明せよ。

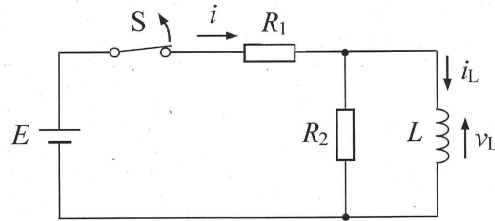


図1

解答は、この用紙ではなく、解答用紙に記入すること

図2について、以下の設問に答えよ。ただし、角周波数を $\omega$ とする。(配点50点)

- (1) 端子 a-b 間の合成インピーダンス  $Z$  を求めよ。
- (2) 電流  $i$  が最大となるインダクタ  $L$  を求めよ。
- (3) 設問(2)のインダクタ  $L$  を用いたときの抵抗  $R$  を流れる電流  $i_R$  を求め、抵抗  $R$  における電力  $P$  を求めよ。

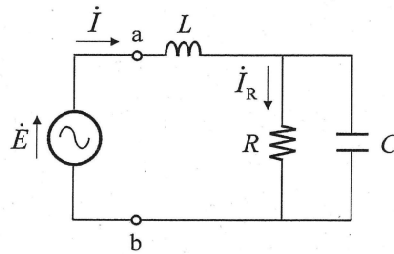


図2